

تطبيق النشاط الإشعاعي في التاريخ

$$A(t) = \lambda N(t)$$

$$-\frac{dN}{dt} = \lambda N(t)$$

$$\frac{dN}{dt} + \lambda N(t) = 0$$

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

حصة مباشرة

1

حصة مسجلة

2

دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



• مبدأ التأريخ:

- مبدأ التأريخ بواسطة الكربون 14 يستند على النظرية القائلة بأن النسبة $\frac{^{14}C}{^{12}C}$ ثابتة في الكون في العالم الحي عموماً لأجل 20000 سنة الأخيرة ، تم هذا بفضل التبادلات مثل التحليل الضوئي والتغذية التي تحدث باستمرار والتي تؤدي إلى تجدد الكربون 14 المتفكك، لكن عند توقف هذه التبادلات يموت الكائن الحي فإن نسبة الكربون 14 تبدأ في التناقص بسبب التناقص الإشعاعي للكربون 14 والذي لا يتجدد في هذه الحالة، نشير إلى أن أنوية الكربون 12 لا تتناقص أثناء ذلك.

- يمكن بواسطة الإشعاع تقدير عمر المواد العضوية (بقايا الكائنات الحية: إنسان، حيوان، نبات)، الصخور، المياه الجوفية

- المكون الأساسي للمركبات العضوية هو عنصر الكربون، وهذا الأخير من بين نظائره الكربون 14 المشع، ذو زمن نصف عمر يقارب 5600 سنة.

- بالنسبة للمواد العضوية التي يقارب عمرها 40000 سنة، يعتمد التأريخ على الكربون 14 المشع، ذو زمن نصف عمر قدره $t_{1/2} = 5600$ والذي يتوقف نشاطه الإشعاعي بعد زمن قدره $t_f \approx 7 t_{1/2} \approx 40000$ an.

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

1

2 حصص مسجلة

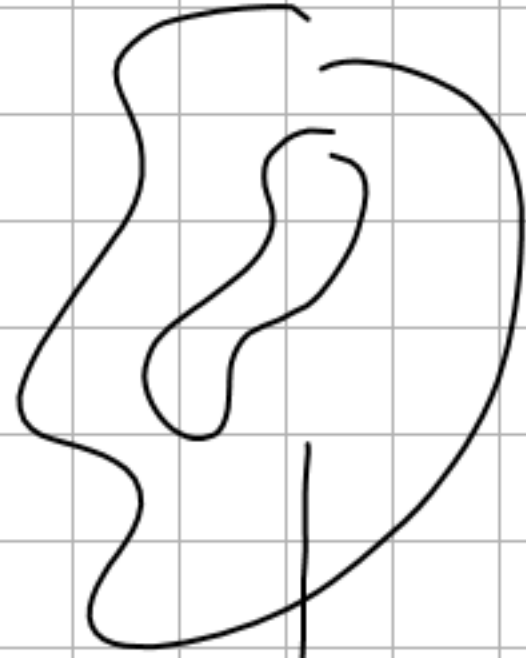
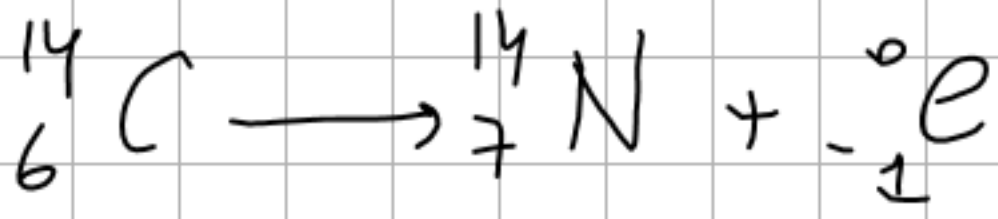
2

3 دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك

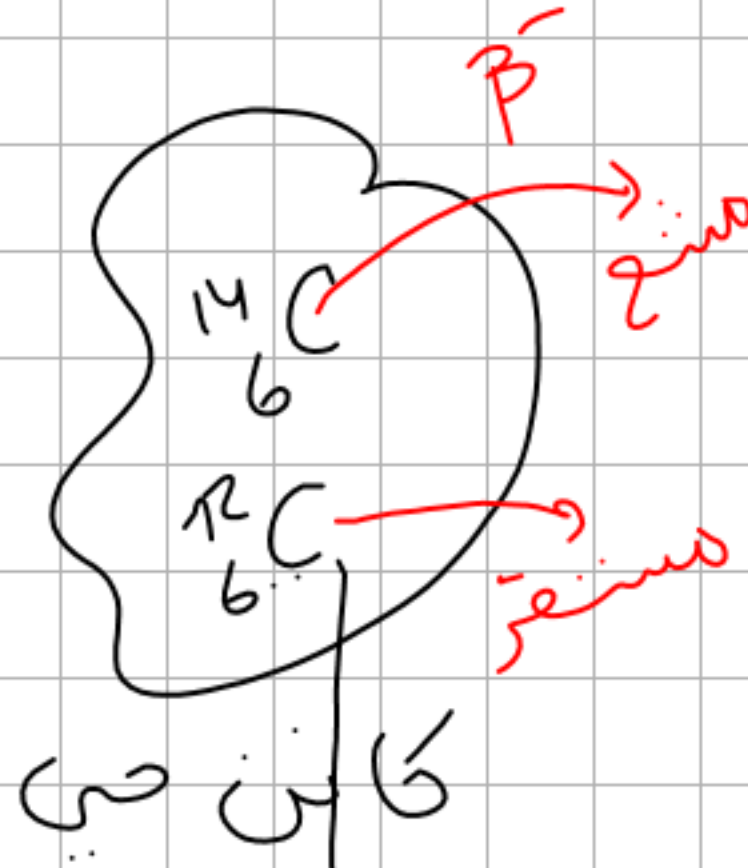




کینہ قدریہ
سریب با آ رہا

AH1

کینہ قدریہ
سریب با آ رہا
A0
AH



A0

A0

AH

$$A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$$

A_0 و A_t لقياسات جهاز بيدي عدد صجر

$$e^{-\lambda t} = \frac{A(t)}{A_0}$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

$$\ln e^{-\lambda t} = \ln \frac{A(t)}{A_0}$$

$$-\lambda t = \ln \left(\frac{A(t)}{A_0} \right)$$

$$-\lambda t = \ln \frac{A_0}{A}$$

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{A_0}{A_t} \right)$$

$$t = \frac{1}{\frac{\ln 2}{t_{1/2}}} \ln \frac{A_0}{A(t)}$$

تساوي التردد
تساوي التردد

$$t = \frac{t_{1/2}^{14} \rightarrow 5730}{\ln \left(\frac{A_0}{A_t} \right)}$$

كيس A_0
كيس A_t

التمرين 01

إن يخضور النباتات الحية يمتص الكربون في وجود الضوء ما يؤدي إلى تجدد الكربون 14 المتفكك، لكن عند موت عضو نباتي أو حيواني مثلاً فإن نسبة الكربون 14 تبدأ في التناقص بسبب التناقص الإشعاعي للكربون 14 والذي لا يتجدد في هذه الحالة، نشير إلى أن أنوية الكربون 12 لا تتناقص أثناء ذلك.

يعطى: نصف عمر الكربون $^{14}_6C$ هو: $t_{1/2} = 5600 \text{ ans}$.

1- نحاول تعيين عمر خشبة من العصر ما قبل التاريخ، ومن أجل ذلك، نقيس النشاط الإشعاعي لـ $^{14}_6C$ للخشبة القديمة ولقطعة من الخشب مقطوعة حديثاً لهما نفس الكتلة، نلاحظ أن النشاط الإشعاعي للخشبة الحديثة يكون مساوي 7 مرات لنشاط الخشبة القديمة.

- أحسب العمر التقريبي للخشبة القديمة.

2- سمح تأريخ قطعة من الخشب القديم كتلتها $m(g)$ اكتشفت عام 2000، بمعرفة النشاط A للكربون 14 في عينة والذي قدر بـ 12,0 تفككا في الدقيقة، في حين قدر النشاط A_0 في عينة حية مماثلة بـ 15,0 تفككا في الدقيقة.

أ- عبر عن قيمة كل من A و A_0 بالبيكريل Bq .

ب- أوجد عمر قطعة الخشب القديم، وما هي سنة قطع الشجرة التي انحدرت منها.

$$A_0 = 7A(t)$$

↓
↑

مدرسة
قديمة

لحسب
 كمر - سنة الهياك سنة قله السيرة

دروسكم
 منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$$

$$\frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t}$$

$$\ln \frac{A}{A_0} = \ln e^{-\lambda t}$$

$$\ln \frac{A_0}{A} = \lambda t$$

$$t_{1/2}^{14} C = 5600 \text{ ams}$$

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{A_0}{A} = \frac{t_{1/2}^{14} C}{\ln 2} \ln \frac{A_0}{A(t)}$$

$$t = \frac{5600}{\ln 2} \ln \frac{7A(t)}{A(t)}$$

$$t = \frac{5600}{\ln 2} \ln 7 = 15727,18 \text{ ams}$$

$$A(t) = \frac{5 \text{ kg } 12}{\text{min}} = \frac{12 \text{ dg}}{\text{min}}$$

$$1 \text{ Bq} = \frac{5 \text{ kg } 1}{\text{min}} \quad 1 \text{ min} = 60 \text{ s}$$

$$A(t) = \frac{5 \text{ kg } 12}{60 \text{ s}} = \frac{12}{60} \text{ Bq} = 0,2 \text{ Bq}$$

$$A_0 = \frac{5 \text{ kg } 15}{60} = \frac{15}{60} = 0,25 \text{ Bq}$$

$$t = \frac{t_{1/2}^{14\text{C}}}{\ln 2} \ln \frac{A_0}{A}$$

$$t = \frac{5600}{\ln 2} \ln \frac{0,25}{0,2} = 1802,79 \text{ ms}$$

$$\begin{aligned} \text{قبل البيلاد} & \text{ 1802,79} \\ \text{سنة القطع} & = 2000 - 1802,79 \\ & = 197,21 \text{ ميلادي} \end{aligned}$$

197 ميلادي

النقص الكتلي Δm



Δm لتفاعل

نقص كتلي للتفاعل

Δm

لنواة

نقص الكتلي لنواة A X

(كتلة النواة) — كتلة مكونان النواة = Δm
منفردة لنواة

$$\Delta m = p \text{ عدد } \times m_p + n \text{ عدد } \times m_n - m \left(\begin{matrix} A \\ Z \end{matrix} X \right)$$

النواة

$$\Delta m = Z \cdot m_p + (A - Z) m_n - m \left(\begin{matrix} A \\ Z \end{matrix} X \right)$$

$\begin{matrix} A \\ Z \end{matrix} X$

مثال: اكتب النقص الكتلي

$$m_p = 1,00728 \text{ U}$$

النواة $\begin{matrix} 235 \\ 92 \end{matrix} \text{ U}$ يعطى

$$m_n = 1,00866 \text{ U}$$

$$m \begin{matrix} 235 \\ 92 \end{matrix} \text{ U} = 234,99332 \text{ U}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta m_{235}^{92} U &= \left(Z \cdot m_p + (A - Z) m_n - m(U) \right) \\
 &= 92 m_p + (235 - 92) m_n - m(U) \\
 &= 92(1,00728) + 143(1,00866) - 235,99332 \\
 &= 1,911172 \cdot U
 \end{aligned}$$

طاقة الربط E_b هي الطاقة الواجب اعطائها
 لنواة سائلة لتفكيكها الى مكوناتها هي سائلة

$$E_b = \Delta m \cdot C^2$$

Δm نقص كتلي
 C سرعة الضوء - "ع" /
 $C = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

$$1 \text{ MeV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Joule}$$

$$E_l = \Delta m \cdot c^2$$

\downarrow \downarrow \swarrow
 Joule kg $\times (3 \cdot 10^8)^2$

$$E_l = \Delta m \cdot c^2$$

\downarrow \downarrow \downarrow
 MeV U $\times 931,5$

$1 \text{ U} = \frac{931,5 \text{ MeV}}{c^2}$

سيفي الكهرتون فولت

$$E_l = \left(\frac{U \cdot 931,5 \text{ MeV}}{c^2} \right) c^2$$

1 eV = $1,6 \cdot 10^{-19}$ J → تحويلات
 الالكترون فولت

يعرفها الطلبة
 فقط

1 MeV = $10^6 \cdot \text{eV}$
 1 MeV = $1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^6$ J

1 MeV = $1,6 \cdot 10^{-13}$ J

طاقة الربط لكل نوية هي طاقة اللازمة لسرع
 نكليون واحد (نوية واحدة)

$\left(\frac{E_b}{A}\right)$

كلما كانت $\frac{El}{A}$ كبيرة كانت النواة أكثر صلابة

كلما كانت $\frac{El}{A}$ صغيرة كانت النواة أكثر إضعافاً

Δ_m لتفاعل

السفلى الركنى لتفاعل

$$\Delta_m = \begin{pmatrix} m & m \\ \text{لفاعل} & \text{نواتج متعادلة} \end{pmatrix}$$

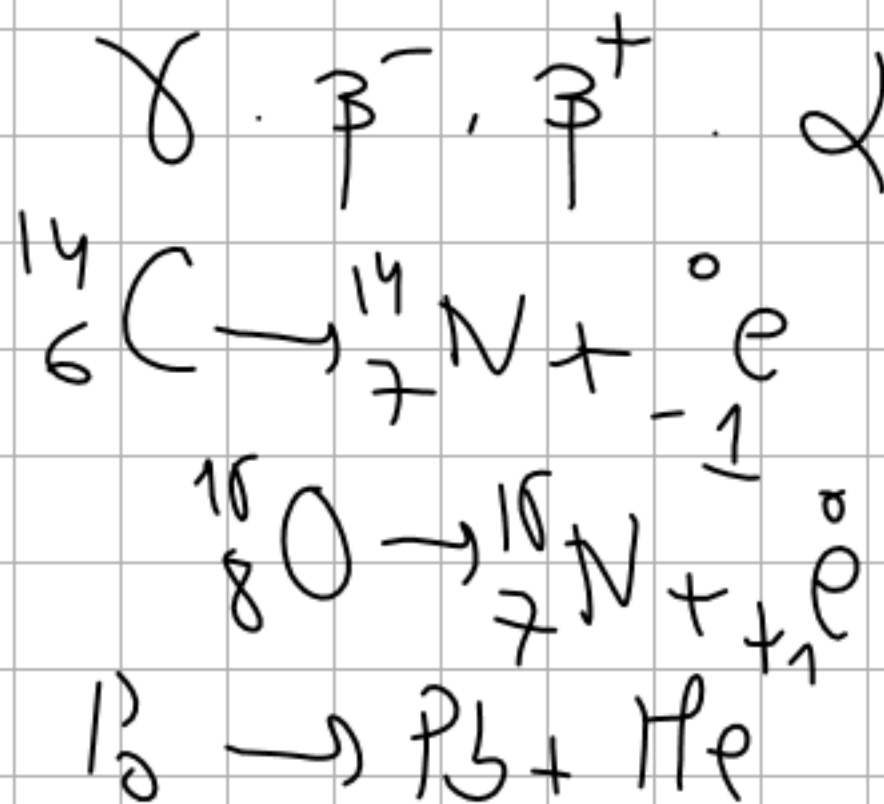
التفاعلات النووية

مفيدة

تلفائية

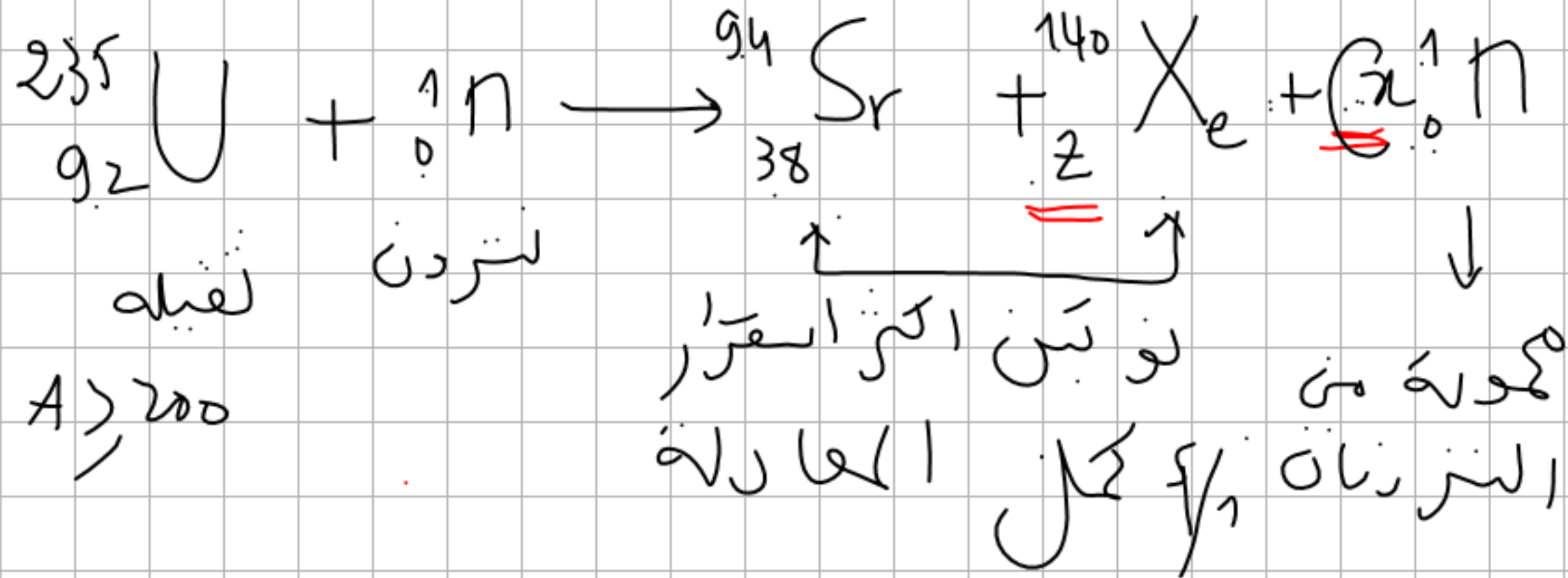
الانشطار

الاستقرار



تفاعل الانشطار

تعريفه: هو قذف نواة ثقيلة بـ نيوترون بطيء
لتنتج نواتين اقل استقرار مع تحرير طاقته



بزهيق قانوني هو دي

$$\begin{cases} 235 + 1 = 94 + 140 + x \\ 92 + 0 = 38 + z + x(0) \end{cases}$$

$$x = 91$$

$$z = 54$$

$$236 - 94 - 140 = x$$

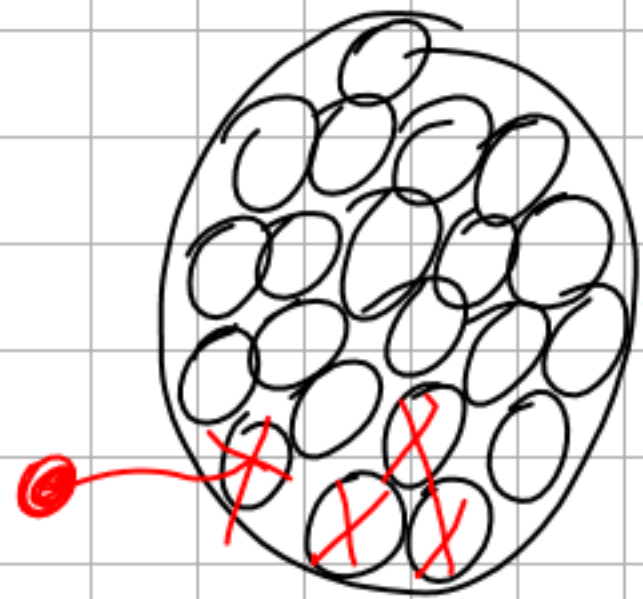
$$92 - 38 = z$$

س₂ / لما را لستقل الشزون

لا زه عددیم الشزونه تفادیتا كدرن
جاذب او ستاغر

هذا التفاعل ندرى تفاعل تسلسلي صغرى دائياً

استمر مع مع رسم تخطيطي



وهناك تفرع



$m = 1 \text{ kg}$

$$N = \frac{m N_A}{M}$$

رسم تخطيطي
(ال- صغرى)

الشرح : عند فقد في كبنه من الوراثة يوم تنتج
تتروانات هذه التتروانات تكلف في التوليد العينة
من جديد وهكذا تتسلسل حتى نفاذ
العينة .

٥٥ / كما أي شكل تظهر هذه العائنه .

طاقة حرارية - طاقة استيعابية - طاقة حركية

١٤٥ ايسب الطاقة الحرارية من هذا السائل

$$E_{lib} = \Delta m c^2 = (m - m) c^2$$

مفاعلات مفاعلات

$$E_{lib} = \left(\frac{m}{92} U + m n - m S_r - m X_e - 2m'_0 n \right) c^2$$

مفاعلات

مفاعلات

Mev

$U \times 931,5$

احسب الطاقة الحرارية من استطار كمية من 0 كجمها

$$m = \dots g$$

$$E_{\text{lib}} = N \times E_{\text{lib}} = \frac{m N_A}{M} (E_{\text{lib}})$$

total kinetic energy number of molecules molar mass energy per molecule

مثال الاستطارة السابق بحر طاقة 170 MeV

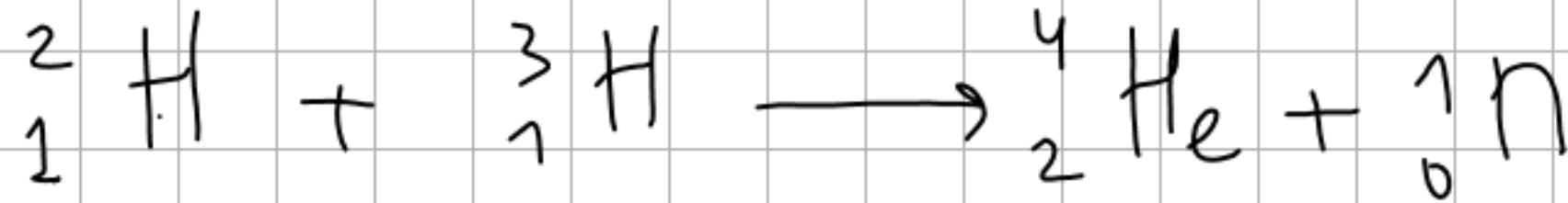
احسب E_{lib} استارة من كتلة $m = 1 \text{ kg}$

$$E_{\text{lib}_{\text{tot}}} = \frac{m N_A}{M} (E_{\text{lib}}) = \frac{1000 \cdot N_A}{235} (170)$$

تفاعل الاندماج

تعريفه: هو دمج نواتين خفيفتين لتعطي

نواة أثقل منهما مع تحرير طاقة



نواة أثقل ← نواتين خفيفتين

سأرا لماذا يصعب تحقيق هذا التفاعل

يجب توفير طاقة كبيرة لتغلب على قوى التنافر

على أي شكل تظهر هذه الطاقة

- على شكل حرارة - اشعاع - طاقة حركية

مسألة الطاقة الحرة E_{th}

$$\begin{aligned} E_{th} = \Delta m c^2 &= (m_1^2 H + m_1^3 H - m_2^4 H - m_0^1 n) c^2 \\ &= \downarrow U \times 931,5 \\ &= 17,6 \text{ MeV} \\ & \quad (\text{ع و}) \end{aligned}$$



• طاقة الربط (طاقة التماسك) :

- تتكون النواة من بروتونات ذات الشحنة الموجبة والنيوترونات عديمة الشحنة، هذا يعني أنه يوجد تنافر بين البروتونات داخل النواة، رغم ذلك لا يحدث التناثر والنواة تبقى متماسكة، ولتتماسك النواة يلزمها طاقة، هذه الطاقة تسمى **طاقة الربط** يرمز لها بـ E_ℓ تقدر بالجول (J)

- حسب علاقة انشتاين النقص الكتلي Δm تكافئه طاقة الربط E_ℓ ونكتب:

$$E_\ell = \Delta m \cdot c^2$$

$$E_\ell = (Zm_p + (A - Z)m_n - m(X)) c^2$$

حيث، m_p : كتلة البروتون، m_n : كتلة النيوترون، A : العدد الكتلي، Z : العدد الشحني، c سرعة الضوء في الخلاء.

- طاقة الربط هي الطاقة اللازمة لتماسك النواة وتساوي الطاقة اللازمة لتفكك نواة ساكنة إلى نكليونات ساكنة ومنعزلة.

• طاقة الربط لكل نكليون واستقرار الأنوية:

- لا يرتبط استقرار النواة بطاقة ربطها، وإنما يرتبط بطاقة الربط لكل نكليون $\frac{E_\ell}{A}$ الذي يعبر عنه بالعلاقة:

$$\frac{E_\ell}{A} = \left(Zm_p + (A - Z)m_n - m(X) \right) \frac{c^2}{A}$$

- تعرف طاقة الربط لكل نكليون $\frac{E_\ell}{A}$ بأنها الطاقة اللازمة لنزع نكليون واحد من النواة.

Activ
Accédi

- تكون النواة أكثر استقرار كلما كانت طاقة الربط لكل نكليون $\frac{E_l}{A}$ أكبر.

مثال:

الحديد ^{56}Fe أكثر استقرار من اليورانيوم ^{235}U رغم أن طاقة الربط لنواة اليورانيوم أكبر من طاقة الربط لنواة الحديد لكن:

$$\frac{E_l}{A} (^{235}\text{U}) < \frac{E_l}{A} (^{56}\text{Fe})$$

دروسكم

منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين

1- عرف ما يلي :

أ- وحدة الكتلة الذرية u .

ب- النقص الكتلي Δm .

ج- طاقة الربط (التماسك) E_f .

د- طاقة الربط لكل نكليون $\frac{E_f}{A}$.

2- كتلة نواة أحد نظائر الراديوم $^{226}_{88}\text{Ra}$ تساوي: $m(^{226}_{88}\text{Ra}) = 225.97709u$.

أ- عين مكونات النواة الراديوم 226 (عدد البروتونات وعدد النيوترونات).

ب- أحسب كتلة مكونات هذه النواة (كتلة النكليونات) انطلاقا من كتل مكوناتها. ماذا تلاحظ.

ج- أحسب النقص الكتلي Δm في نواة الراديوم 226 مقدرًا ذلك بوحدة الكتلة الذرية u ثم بالكيلوغرام kg .

د- أحسب بالجول ثم بالميغا إلكترون فولت MeV طاقة الربط E_f لهذه النواة.

هـ- أحسب بـ MeV / nuc طاقة الربط لكل نكليون $\frac{E_f}{A}$.

3- طاقة الربط لكل نكليون بالنسبة لنواة اليورانيوم 235 هي: $\frac{E_f(^{235}_{92}\text{U})}{A} = 7,60 MeV / nuc$ ، قارن بين نواتي

الراديوم $^{226}_{88}\text{Ra}$ واليورانيوم $^{235}_{92}\text{U}$ من حيث الاستقرار معللا إجابتك.

المعطيات : $c = 3 \times 10^8 m / s$ ، $1 MeV = 1,6 \times 10^{-13} J$ ، $1u = 1,66 \times 10^{-27} Kg$

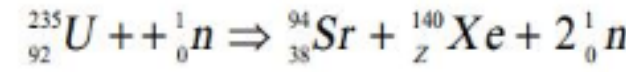
$m_n = 1,00866 u$ ، $m_p = 1,00728 u$



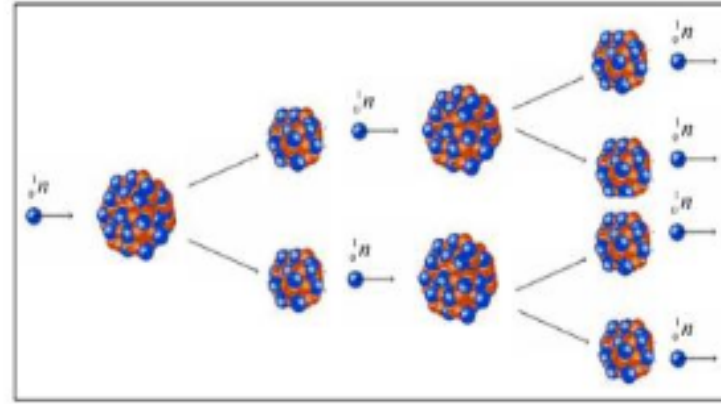
● الانشطار النووي :

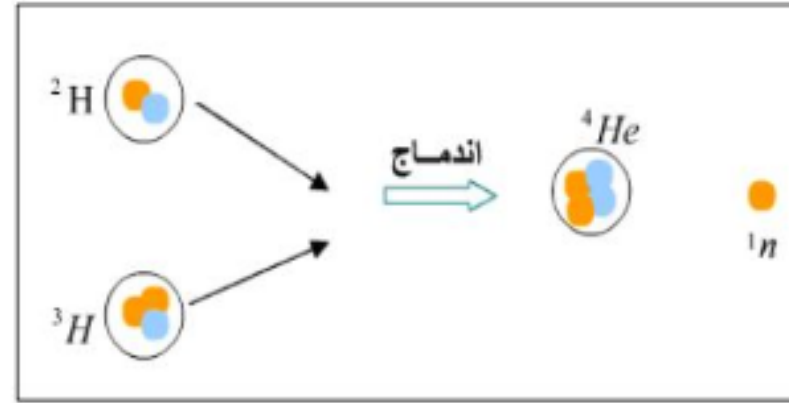
- الانشطار النووي هو تفاعل نووي مفتعل (مستحدث) ، تنشط فيه نواة ثقيلة ، لتعطي نواتين خفيفتين نسبيا ، تكونان أكثر استقرارا من النواة المنشطرة .

- ينتج عادة تفاعل الانشطار من خلال قذف نواة ثقيلة بـنوترون بطيء كما مبيّن في المثال التالي :



- سبب اختيار النوترون هو أنه متعادل كهربائيا كي لا يتنافر مع النواة موجبة الشحنة عند قذفها به ، وجعل بطيئا كي لا يخترق النواة، فبقائه في نواة اليورانيوم 235 يؤدي إلى تشكل نواة اليورانيوم 236 التي تنشط بمجرد تشكلها.
- النوترون الابتدائي يفتعل انشطار النواة الأولى والنوترونات المنبعثة من هذا الانشطار تفتعل انشطارات أخرى وهكذا تتضاعف الآلية بشكل متسلسل (الشكل)، يقال عن التفاعل في هذه الحالة أنه تسلسلي مغذي ذاتيا.





• الاندماج النووي :

- الاندماج النووي هو تفاعل نووي مفتعل (مستحدث)، تندمج فيه نواتين خفيفتين، لتعطي نواة ثقيلة نسبيا أكثر استقرارا.

مثال :

إن هذا التفاعل هو الأكثر احتمالا في مفاعلات الاندماج مستقبلا نظرا للإمكانيات الفيزيائية والتكنولوجية مقارنة بالتفاعلات الأخرى.

• الطاقة المحررة من تفاعل نووي :

- أثبتت الدراسات أن كتلة النواتج في التفاعل النووي أقل من كتلة المتفاعلات (عكس التفاعل الكيميائي الذي تكون فيه كتلة المتفاعلات مساوية لكتلة النواتج حسب لافوازييه) ، بعبارة أخرى يحدث نقصان في الكتلة Δm أثناء حدوث التحول النووي، هذا النقصان في الكتلة يكافئ حسب علاقة انشتاين $E = \Delta m \cdot c^2$ ، طاقة تحررها الجملة النووية إلى الوسط الخارجي، فإذا رمزنا لهذه الطاقة بـ E_{lib} يكون:

$$E_{lib} = \Delta m \cdot c^2$$

$$E_{lib} = \Delta m \cdot c^2$$

$$E_{lib} = (m_{\text{متفاعلات}} - m_{\text{نواتج}}) \cdot c^2$$

Activer V

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

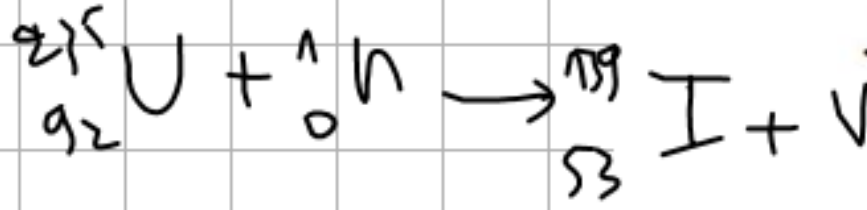
1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

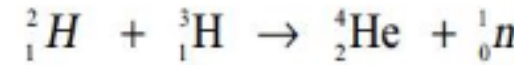
أحصل على بطاقة الإشتراك





تتشطر نواة اليورانيوم ${}_{92}^{235}\text{U}$ عند قذفها بـ نوترون، لينتج إثر ذلك نواتين ${}_{53}^{139}\text{I}$ ، ${}_{39}^{94}\text{Y}$ بالإضافة إلى انبعاث نوترونات.

- 1- أكتب معادلة التفاعل النووي الحادث
2. تستخدم النوترونات في قذف أنوية اليورانيوم، لماذا؟
- 3- يعرف هذا التفاعل على أنه تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا. لماذا؟ وضح ذلك بمخطط.
- 4- على أي شكل تظهر الطاقة المحررة.
- 5- أحسب بالجول ثم بـ MeV الطاقة المحررة E_{lib} في هذا التفاعل.
- 6- أحسب بالميجا جول MJ حيث $1\text{MJ} = 10^6\text{J}$ ، الطاقة المحررة E_{libT} الناتجة عن انشطار 2kg من اليورانيوم 235.
- 7- البترول ومشتقاته هو مصدر الطاقة الشائع في حياتنا اليومية:
أ- أحسب كتلة البترول المنتجة لنفس كمية الطاقة التي تحصلنا عليها سابقا نتيجة انشطار 2kg من اليورانيوم 235 علما أن 1kg من البترول ينتج 42MJ من الطاقة.
ب- قارن بين النتيجتين، ماذا تستنتج.
ج- في رأيك أي مصدر الطاقة أفضل، تفاعل الانشطار أو البترول.
- 8- نعتبر تفاعل الاندماج المنمذج بالمعادلة التالية:



الطاقة المحررة لكل نكليون (نوية) من هذا التفاعل النووي هي: $E_{lib/nuc2} = 3,53\text{ MeV} / nuc$

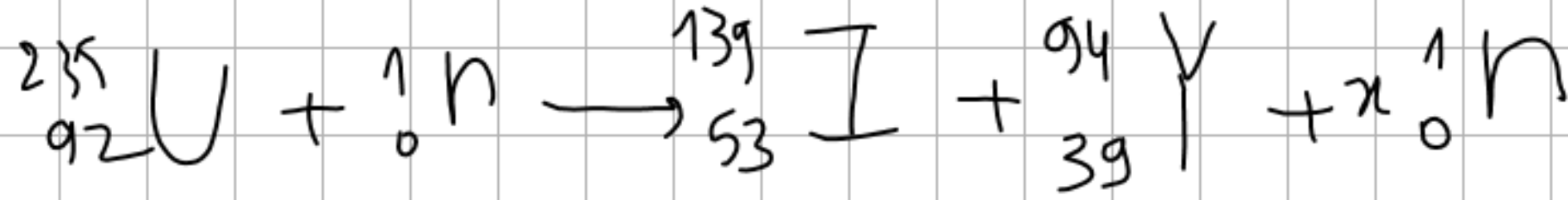
- أحسب النسبة: $\frac{E_{lib/nuc2}}{E_{lib/nuc1}}$. استنتج أي التفاعلين: الإنشطار أو الاندماج يكون أفضل من حيث المنتج الطاقوي.

المعطيات:

$$c = 3 \times 10^8\text{ m/s}, m_n = 1.00866u, m_p = 1.00728u, 1u = 1,66 \times 10^{-27}\text{ Kg}$$

$$m({}^{139}\text{I}) = 138.89700u, m({}^{94}\text{Y}) = 93.89014u, m({}^{235}\text{U}) = 234,99332u$$





$$235 + 1 = 139 + 94 + x$$

$$x = 236 - 139 - 94 = 3$$

٢٢ / س- ضمن السرور - مدنية الشحنة

٣٣ / لا هذا الدرسي (تفاعل سلسلي مغزي دانبا)

٢٤ / تفهم هذه الطاقه كاي اشكل : طاقه حراريه
اعاليه - حراريه

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$E_{lis} = \Delta m c^2 = (m_C + m_n - m_Y - m_I - 3m_n) c^2$$

$$= \left[234,99332 + 1,00866 - 138,897 - 93,89214 - 3(1,00866) \right] \times 931,5$$

$$= 176,35 \text{ MeV}$$

$$E_{lis} = 176,35 \times 1,6 \cdot 10^{-13} = 2,82 \cdot 10^{-11} \text{ Jol}$$

$$E_{lis} = N (E_{lis}) = \frac{2000 \text{ NA}}{235} (176,35)$$

2kg عدد دواون

$$= 1,44 \cdot 10^{14} \text{ Joul}$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





$$1 \text{ Kg. Petrol} \longrightarrow 42 \text{ MJ} = 42 \cdot 10^6 \text{ J}$$

$$m_{\text{Pet}} \longrightarrow 1,44 \cdot 10^{14} \text{ J}$$

$$m_{\text{Pet}} = \frac{1,44 \cdot 10^{14} \cdot (1)}{42 \cdot 10^6}$$

$$= 3,43 \cdot 10^6 \text{ kg}$$

$$3430000 \text{ kg}$$

$$m = 3430 \text{ tonne}$$

لنتخيل ان العانة الساتة
من انفجار البوراسوم كبريتية
مقارنته بالزوقل

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



استعار دكو 3000

$$\frac{E_{لب}}{N_{عل}} = \frac{176,35}{236} = 0,75$$

استعار 2000

$$\frac{E_{لب}}{N_{عل}} = 3,53 \frac{M_{عل}}{N_{عل}}$$

استعار 1000

$$\frac{E_{لب}}{N_{عل}} = \frac{3,53}{0,75} = 5$$

استعار 1000
استعار 2000
استعار 3000
استعار 5000
استعار 9000

طرح الاستعارة في كهرات بطاقة الاستعارة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



