



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



الحصة مسؤولة
لاستيعاب التبادلية
مجموعة كل الكادج
التي هي مجموعة

الأحداث A حادثة
A C D
في

في الكارثة الأخرى
∅ الكارثة المستقلة
أو
A المقامع
U اتحاد
A
النص A



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

تجربة تكوناته ← مجموعة كل الاحتمالات = $\{w_1, w_2, \dots, w_n\}$ $\Omega = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$

قانون احتمال تجر عليه w_i يعني نرفق بكل نتيجة w_i

$\sum_{i=1}^n p_i = 1$

$p_1 + p_2 + \dots + p_n = 1$
 $p_i \geq 0$ $i=1, 2, \dots, n$

واحد المبدأ العدد p_i حيث

من أجل كل i $p_i \geq 0$

قانون الاحتمال
 يكتفينا به

| | | | | |
|-------|-------|-------|---------|-------|
| w_i | w_1 | w_2 | \dots | w_n |
| p_i | p_1 | p_2 | \dots | p_n |

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





ملف الحصة المباشرة و المسجلة

مثال (1) ، القاد قتلعه نود

$$\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

قانون الاحتمال

| | | | | | | |
|-------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| w_i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| P_i | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ |

$$\Omega = \{F, P\}$$

قانون احتمال التجريبية

| | | |
|-------|---------------|---------------|
| w_i | F | P |
| P_i | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{2}$ |

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





قانون احتمال $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_n\}$

| | | | |
|------------|------------|---------|------------|
| ω_1 | ω_2 | \dots | ω_n |
| P_1 | P_2 | \dots | P_n |

احتمالات غير متساوية
 P_i غير متساوية
 $A = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3\}$

$$B = \{\omega_5, \omega_6\}$$

الاحتمالات متساوية

$$P(A) = P(\omega_1) + P(\omega_2) + P(\omega_3) = P_1 + P_2 + P_3$$

$$P_1 = P_2 = P_3 = \dots = P_n = \frac{1}{n}$$

$$A = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3\}$$

$$P(A) = P(\omega_1) + P(\omega_2) + P(\omega_3) = \frac{1}{n} + \frac{1}{n} + \frac{1}{n} = \frac{3}{n}$$

$$P(A) = \frac{\text{احتمالات A}}{\text{احتمالات } \Omega}$$

$$P(A) = \text{احتمالات A}$$



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

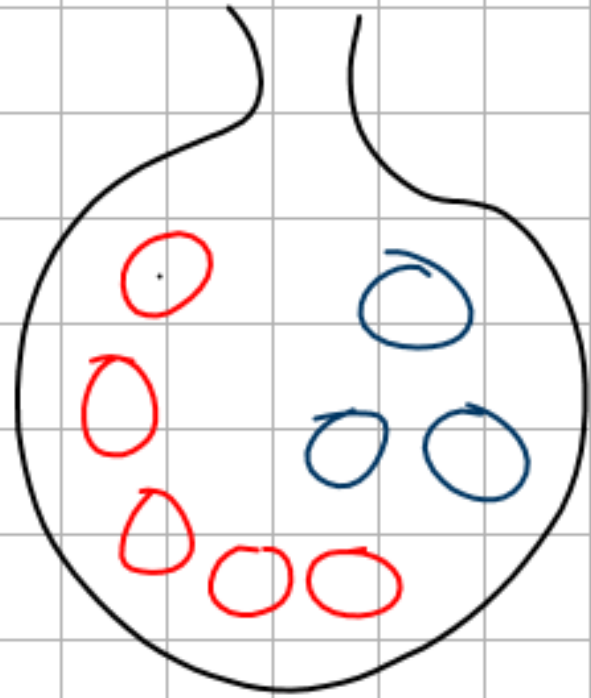
أحصل على بطاقة الإشتراك



مثال 1 قطعة نود مزودة بمي احتمال F هو نصف احتمال P

مثال 2 كيس بصوتي على 5 كرات = حرد

و 3 زرقاء، نحب ثوليا كره نالكين



$\Omega = \{R, B\}$

دروسكم منصة التعليم الإلكتروني

$\Omega = \{F, P\}$

$P(F) = 2P(P)$

$P(F) + P(P) = 1$

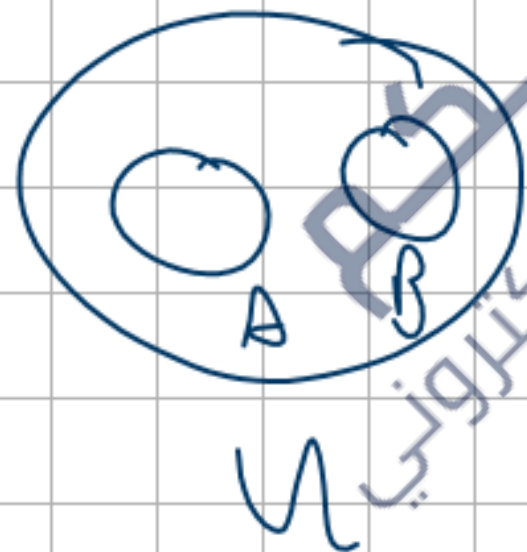
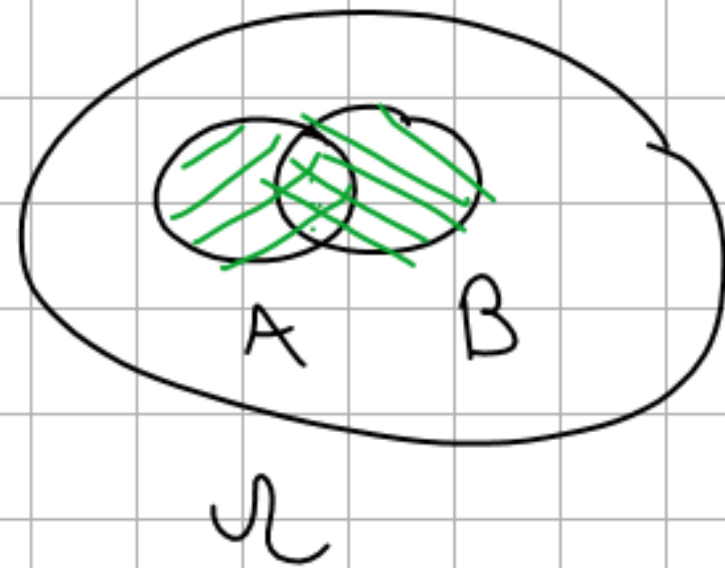
$2P(P) + P(P) = 1$

$3P(P) = 1$

$P(P) = \frac{1}{3}$

$P(F) = \frac{2}{3}$

$$\overline{\overline{A}} = A$$



حوايات

$$0 \leq P(A) \leq 1 \quad (1)$$

$$P(\emptyset) = 0 \text{ و } P(\Omega) = 1 \quad (2)$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad (3)$$

إذا $A \cap B = \emptyset$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

$$P(\overline{A}) = 1 - P(A) \quad (4)$$



$$P(A) = 1 - P(\overline{A})$$



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

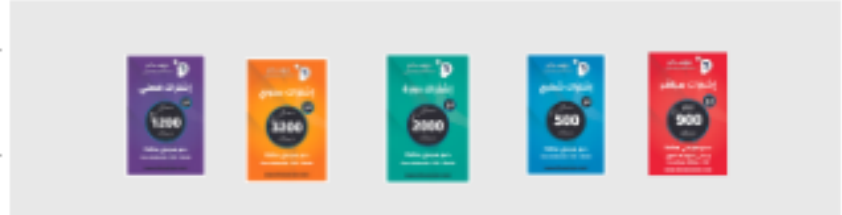


1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

التمرين 7: نعتبر مجموعة كل الإمكانيات Ω حيث $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4\}$

أجب في كل حالة هل تمثل قانون احتمال مع التعليل.

| ω_i | ω_1 | ω_2 | ω_3 | ω_4 |
|------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| p_i | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{5}$ |

لا يتقبل قانون احتمال لأن $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} \neq 1$

لا يتقبل قانون احتمال لأن $p(\omega_3) < 0$

نعم لأن كل الأعداد موجبة

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = 1$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{2} = 1$$

$$1) p(\omega_1) = \frac{1}{2}; p(\omega_2) = \frac{1}{3}; p(\omega_3) = \frac{1}{4}; p(\omega_4) = \frac{1}{5}$$

$$2) p(\omega_1) = \frac{1}{2}; p(\omega_2) = \frac{1}{4}; p(\omega_3) = -\frac{1}{4}; p(\omega_4) = \frac{1}{2}$$

$$3) p(\omega_1) = \frac{1}{2}; p(\omega_2) = \frac{1}{4}; p(\omega_3) = \frac{1}{8}; p(\omega_4) = \frac{1}{8}$$

$$4) p(\omega_1) = \frac{1}{4}; p(\omega_2) = \frac{1}{4}; p(\omega_3) = \frac{1}{4}; p(\omega_4) = \frac{1}{4}$$

نعم $p_i \geq 0$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





التمرين 5: يتسابق ثلاث أحصنة A ; B ; C.

الحصان A له حظ مضاعف لحظ الحصان B.

الحصان B له حظ مضاعف لحظ الحصان C.

(1) أكتب مجموعة كل الإمكانيات.

(2) ما هو احتمال أن يكون الفائز A.

(3) ما هو احتمال أن يكون الفائز B

(4) ما هو احتمال أن يكون الفائز C

(5) ما هو احتمال أن يكون الفائز B أو C.

A →

B →

C →

$\Omega = \{A, B, C\}$

A : الحصان A هو الفائز

= B

= C

دنيا : $P(A) + P(B) + P(C) = 1$

$P(A) = 2P(B)$

$P(B) = 2P(C)$

$P(A) = 2(2P(C))$

$= 4P(C)$

$4P(C) + 2P(C) + P(C) = 1$

$7P(C) = 1$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$P(C) = \frac{1}{7}$$

$$P(B) = 2P(C) = \frac{2}{7}$$

$$P(A) = 4P(C) = \frac{4}{7}$$

احتمال آ C كون الثاني ب آ

الثاني ب آ ر C هي

$$P(\{B, C\}) = P(B) + P(C) \\ = \frac{2}{7} + \frac{1}{7} = \frac{3}{7}$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني



التمرين 6: يتنافس رجلين h_1, h_2 وثلاث نساء f_1, f_2, f_3 في بطولة للشطرنج.

حيث حظوظ اللاعبين من نفس الجنس متساوية وحظ الرجل يساوي ضعف حظ المرأة.

$$P(h_1) = P(h_2) = 2x$$

$$P(f_1) = P(f_2) = P(f_3) = x$$

(1) أكتب مجموعة كل الإمكانيات.

(2) ما هو احتمال أن يكون الفائز امرأة؟

(3) ما هو احتمال أن يكون الفائز رجل؟

(4) إذا علمت أن الرجل h_1 هو زوج المرأة f_1 فما هو احتمال أن تفوز هذه العائلة بالبطولة.

الحل: $x = \frac{1}{7}$

$$2x + 2x + x + x + x = 1$$

$$7x = 1$$

$$x = \frac{1}{7}$$

$$P(h_1) = P(h_2) = \frac{2}{7}$$

$$P(f_1) = P(f_2) = P(f_3) = \frac{1}{7}$$

أحتمة كل الإمكانيات

$\{h_1, h_2, f_1, f_2, f_3\}$

أحصل النتائج الآتية

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



(4) احتمال فوزنا $\{D\}$

" $D = \{d_1, d_2, d_3\}$ "

$D = \{d_1, d_2, d_3\}$

$$P(D) = P(d_1) + P(d_2)$$

$$= \frac{1}{7} + \frac{2}{7}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{7}$$

(5) حساب احتمال أن يكون الفائز امرأة $\{F\}$

" $F = \{f_1, f_2, f_3\}$ "

$$P(F) = P(f_1, f_2, f_3)$$

$$= P(f_1) + P(f_2) + P(f_3)$$

$$= \frac{1}{7} + \frac{1}{7} + \frac{1}{7} = \frac{3}{7}$$

(3) احتمال فوزنا $\{H\}$

" $H = \{h_1, h_2, h_3\}$ "

$$P(H) = P(h_1) + P(h_2)$$

$$= \frac{2}{7} + \frac{2}{7} = \frac{4}{7}$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين 8: A و B حادثتان حيث

$$p(A) = 0,3 ; p(A \cup B) = 0,7 ; p(A \cap B) = 0,2$$

أحسب $p(B)$.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0,7 = 0,3 + P(B) - 0,2$$

$$P(B) = 0,7 - 0,1$$

$$P(B) = 0,6$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





التمرين 12: نعتبر مجموعة كل الإمكانيات Ω حيث $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4\}$

(1) أحسب $p(\omega_1)$ إذا علمت أن $p(\omega_2) = \frac{1}{3}; p(\omega_3) = \frac{1}{6}; p(\omega_4) = \frac{1}{9}$

(2) أحسب $p(\omega_1)$ و $p(\omega_2)$ إذا علمت أن

$p(\omega_1) = 2p(\omega_2); p(\omega_3) = p(\omega_4) = \frac{1}{4}$

(3) أحسب $p(\omega_1)$ إذا علمت أن

$p(\{\omega_2, \omega_3\}) = \frac{2}{3}; p(\{\omega_2, \omega_4\}) = \frac{1}{4}; p(\omega_2) = \frac{1}{3}$

(أ) لنبدأ $p(\omega_1) + p(\omega_2) + p(\omega_3) + p(\omega_4) = 1$

$p(\omega_1) + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{9} = 1$

$p(\omega_1) = \frac{11}{18} = 1$

$P(\omega_2) = 1 - \frac{11}{18}$

$P(\omega_1) = \frac{7}{18}$

$P(\omega_1) + P(\omega_2) + P(\omega_3) + P(\omega_4) = 1$

$2P(\omega_1) + P(\omega_2) + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = 1$

$3P(\omega_2) + \frac{1}{2} = 1$

$3P(\omega_2) = \frac{1}{2}$

$P(\omega_2) = \frac{1}{6}$

$P(\omega_1) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

التمرين 9: A و B حادثتان حيث

$$p(A) = 0,45 ; p(A \cup B) = 0,82 ; p(B) = 0,37$$

أثبت أن A و B حادثتان غير متلائمتين. بمعنى $A \cap B = \emptyset$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0,82 = 0,45 + 0,37 - P(A \cap B)$$

$$0,12 = 0,82 - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = 0$$

$$A \cap B = \emptyset$$

وهذه A و B غير متلائمتين.

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





التمرين 10: A و B حادثتان حيث

$$p(\bar{A}) = 0,44 ; p(\bar{B}) = 0,63 ; p(\overline{A \cup B}) = 0,52$$

أحسب $p(A \cap B)$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A) = 1 - P(\bar{A}) = 1 - 0,44 = 0,56$$

$$P(B) = 1 - P(\bar{B}) = 1 - 0,63 = 0,37$$

$$P(A \cup B) = 1 - P(\overline{A \cup B}) = 1 - 0,52 = 0,48$$

$$P(A \cap B) = 1 - P(\overline{A \cap B})$$

$$\overline{A \cup B} \neq \bar{A} \cup \bar{B}$$

$$\overline{A \cap B} \neq \bar{A} \cap \bar{B}$$

دعونا نستخدم قاعدة 1

$$0,48 = 0,56 + 0,37 - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = 0,93 - 0,44$$

$$P(A \cap B) = 0,45$$



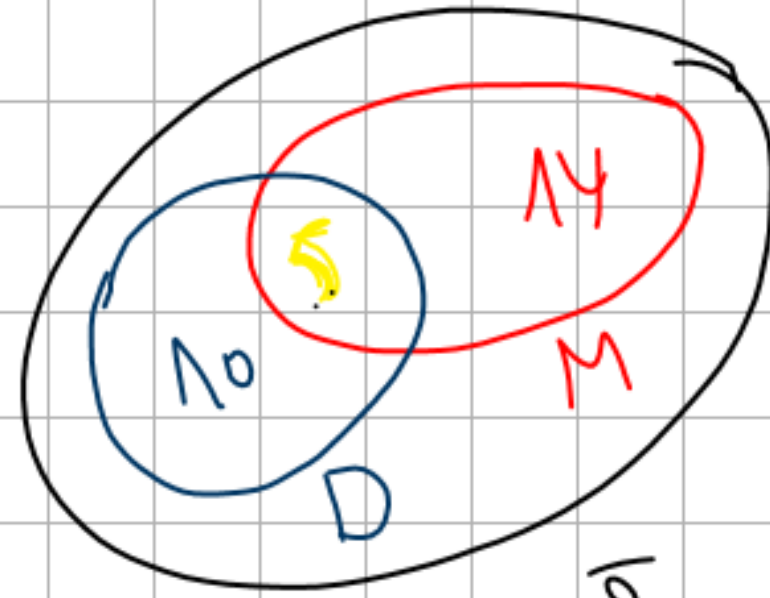
التمرين 13: في قسم 45 تلميذ يوجد 14 منهم في نادي الموسيقى و 10 تلاميذ في نادي ~~في نادي~~ الرسم و 5 تلاميذ في كلا الناديين.

نختار عشوائيا تلميذ من هذا القسم أحسب إحتمال أن يكون هذا التلميذ:

(1) من نادي الموسيقى.

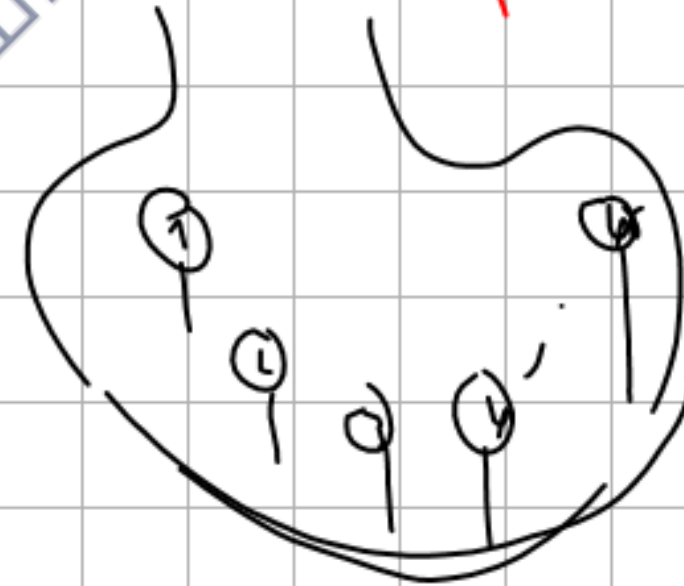
(2) من الناديين.

(3) نختار تلميذا من نادي الرسم ما هو إحتمال أن يكون من نادي الموسيقى.



قسم 45 تلميذ

الكل = مجموع التلاميذ = 45



منصة التعليم الإلكتروني دروسكم



ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1- اصحاب احتمال يكون التلميذ من نادي الحويفي

M = التلميذ من نادي الحويفي

$$P(M) = \frac{\text{عدد تلاميذ نادي الحويفي}}{\text{عدد تلاميذ النخ}} = \frac{19}{45}$$

$$P(M) = \frac{19}{45}$$

2- اصحاب احتمال يكون من التلميذ

D = التلميذ من النخ

MAD = من اندانيا

$$P(MAD) = \frac{\text{عدد التلاميذ من اندانيا}}{\text{عدد تلاميذ النخ}}$$

$$= \frac{1}{45}$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



نختيار ثلاثة من نادى الريم مما هو افعال A يمكن من نادى

المبرهنات: في هذه الحالة مجموع ثلاثين نادى
 $R = \{$ الريم

عدد ثلاثين اليم في نادى الريم $P(M)$
عدد ثلاثين نادى الريم

$$\frac{1}{3} = \frac{5}{15}$$



التمرين 11: كيس يحتوي على 10 كرات مرقمة من 1 إلى 10. نسحب عشوائيا كرة من هذا الكيس.

- 1) أكتب مجموعة كل الإمكانيات.
- 2) أوجد قانون احتمال التجربة العشوائية.
- 3) ما هو احتمال الحصول على عدد زوجي؟
- 4) ما هو احتمال الحصول على عدد أولي؟
- 5) ما هو احتمال الحصول على عدد مضاعف لـ 5؟
- 6) أحسب الأمل الرياضي والتباين والانحراف المعياري.



$$\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$V = \sqrt{V}$$

$$E = \sum_{i=1}^{10} \omega_i \cdot P_i$$

$$V = \sum_{i=1}^{10} (\omega_i - E)^2 \cdot P_i$$

$$V = \sum_{i=1}^{10} \omega_i^2 \cdot P_i - E^2$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين 12: كيس يحتوي على 5 كرات مرقمة من 1 إلى 5.

نسحب عشوائيا كرتين من هذا الكيس وبارجاع أي نسجل نتيجة السحب الأول ثم نعيد الكرة ونسحب مرة ثانية ونسجل النتيجة.

- 1) أكتب مجموعة كل الإمكانيات.
- 2) عين قانون احتمال هذه التجربة العشوائية.
- 3) ما هو احتمال سحب كرتين مختلفتين؟
- 4) ما هو احتمال سحب نفس الكرة مرتين؟
- 5) ما هو احتمال سحب كرتين مجموعهما عدد أولي.

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

1

2 حصص مسجلة

2

3 دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

1

2 حصص مسجلة

2

3 دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

1 حصص مباشرة

1

2 حصص مسجلة

2

3 دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

جامعة
البحرين
منطقة التعليم الإلكتروني

