

1- بر P معي P يقبل القسمة

على $(x-(-1))$ أي $(x+1)$

$$\begin{array}{r} 3x^3 - 15x^2 - 3x + 15 \quad | \quad x+1 \\ \underline{3x^3 + 3x^2} \\ -18x^2 - 3x + 15 \\ \underline{-18x^2 - 18x} \\ 0 + 15x + 15 \\ \underline{-15x + 15} \\ 0 \end{array}$$

التمرين السابع: في كل حالة من الحالات التالية بين أن α جذر لكثير الحدود $f(x)$ ثم عين الأعداد الحقيقية a, b, c حيث $f(x) = (x - \alpha)(ax^2 + bx + c)$ ثم عين جميع جذور $f(x)$ وأدرس إشارته:

$$f(x) = x^3 - x^2 + x + 3; \alpha = -1$$

$$f(x) = 2x^3 - x^2 + 2x - 16; \alpha = 2$$

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 4; \alpha = 1$$

$$* f(x) = 3x^3 - 15x^2 - 3x + 15; \alpha = -1$$

$$f(x) = 4x^3 - 4x^2 - 15x + 18; \alpha = -2$$

$$* \text{ للتمرين السابع } f(\alpha) = 0$$

$$f(-1) = -3 - 18 + 3 + 15 = 0$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = (-18)^2 - 4(3)(15)$$

$$\Delta = 144 = (12)^2$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{18 - 12}{6} = 1$$

للإشارة حينئذ

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{18 + 12}{6} = 5$$

وهذا هو الجواب النهائي هو $\{ -1, 1, 5 \}$

$$3x^3 - 15x^2 - 30x + 15 = (x+1)x$$

$$3x^2 - 18x + 15$$

$$a=3 : b=-18 : c=15$$

جمع جذور

$$f(x) = 3x^2 - 18x + 15 = 0$$

$$x+1=0 \text{ أو } 3x^2 - 18x + 15 = 0$$

$$x = -1$$

$$3x^2 - 18x + 15 = 0$$

أحصل على بطاقة الإشتراك



x	$-\infty$	-1	1	5	$+\infty$
$x+1$	-	0	+	+	+
$3x^2-17x+15$	+	+	0	-	0
$f(x)$	-	0	+	0	-

خيار 1
 $f(x) = (x+1)(3x^2 - 17x + 15)$

$f(x) = 3(x+1)(x-1)(x-5)$
الخيار 2

1
2
3
5
 $3(x-1)(x-5)$

حصص مباشرة

1

حصص مسجلة

2

دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك





التمرين التاسع:

حل في \mathbb{R} المتراجعة التالية:

$$x^4 - 7x^2 + 12 > 0$$

$$X = x^2$$

$$X^2 = 0x^2$$

$$X_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{7 - 1}{2} = 3$$

$$X_2 = \frac{7 + 1}{2} = 4$$

الدرجة 1 و 2 = درجتي

$$X^2 - 7X + 12 = (X - 3)(X - 4)$$

$$X^2 - 7X + 12 > 0$$

$$\Delta = (7)^2 - 4(1)(12)$$

$$\Delta = 49 - 48$$

$$\Delta = 1$$

الكل \cup

$$x \in]-\infty; -2[\cup]\sqrt{3}; \infty[$$

$$\cup]2; +\infty[$$

المترابحة تصحح

$$(x^2 - 3)(x^2 - 4) > 0$$

x	$-\infty$	-2	$-\sqrt{3}$	$\sqrt{3}$	2	$+\infty$
$x^2 - 3$	+	+	0	-	-	+
$x^2 - 4$	+	0	-	-	0	+
$(x^2 - 3)(x^2 - 4)$	+	0	-	0	-	+

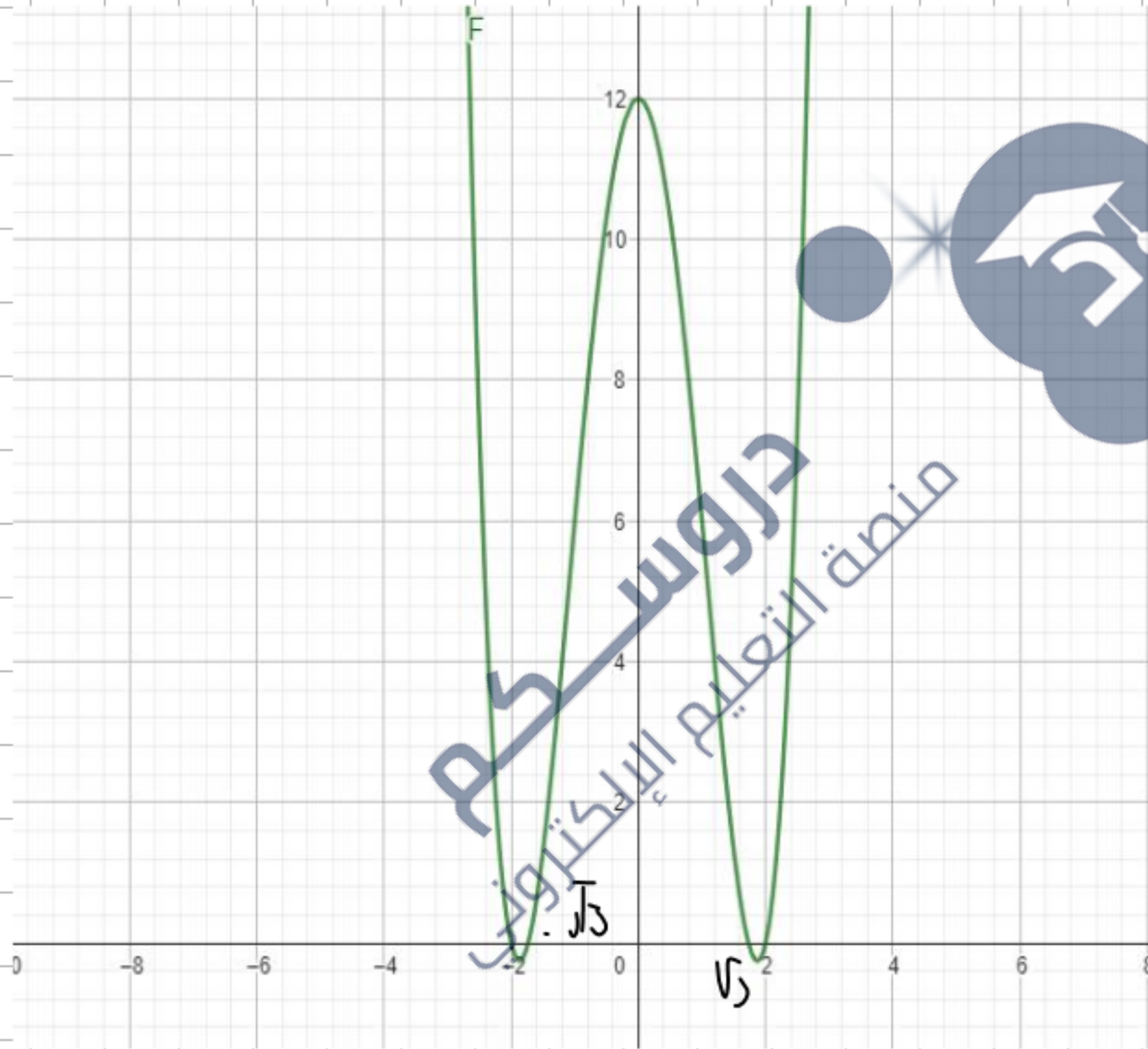
1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين العاشر:

نعتبر كثير الحدود $P(x)$ حيث

$$P(x) = 2x^4 - 7x^3 + 9x^2 - 21x + 9$$

أحسب $P(3)$ و $P\left(\frac{1}{2}\right)$ ثم حل $P(x)$.

أستنتج إشارة $P(x)$.

$$P(x) = \left(x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{9}{2}\right) (ax^2 + bx + c)$$

$$P(x) = (x-3)(x-1)(ax^2 + bx + c)$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

3 جذور $P(x) = 0$

1 جذور $P\left(\frac{1}{2}\right) = 0$

الانزياح
 $P(x) = (x-3)(x-\frac{1}{2})\varphi(x)$

4 1 1 2

$$P(x) = 2x^4 - 7x^3 + 9x^2 - 21x + 9$$

$$2x^4 - 7x^3 + 3x^2$$

$$+0 + 6x^2 - 21x + 9$$

$$6x^2 - 21x + 9$$

$$(x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{3}{2})$$

$$2x^2 + 6$$

$$2(x^2 + 3)$$

$$P(x) = (x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{3}{2})(2x^2 + 6)$$

$$x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{3}{2}$$

تو بساتما
لشارة P سا تا

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$P(x) = 2x^4 - 7x^3 + 9x^2 - 21x + 9$$

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





التمرين 11:

نعتبر المعادلة التالية ذات الوسيط الحقيقي m

$$(m^2 - 4)x^2 - 2mx + m^2 - 2m + 1 = 0$$

(1) عين قيم الوسيط الحقيقي m حتى تكون المعادلة من الدرجة الثانية.

(2) عين قيم m حتى يكون 0 حلا للمعادلة، ثم استنتج الحل الآخر.

المعادلة من الدرجة 2 لها

$$m \in \mathbb{R} - \{-2, 2\}$$

(2) 0 حل للمعادلة

$$(m^2 - 4) \cdot 0 - 2m \cdot 0 + m^2 - 2m + 1 = 0$$

$$m^2 - 2m + 1 = 0$$

$$\Delta_m = (-2)^2 - 4(1)(1) = 0$$

الحل:

$$m^2 - 2m + 1 = (m - 1)^2 = 0$$

$$m - 1 = 0 \Rightarrow m = 1$$

المعادلة من الدرجة 2 لها

العامل x^2 (يكون غير معدوم)

$$m^2 - 4 \neq 0 \Rightarrow m \neq 2 \text{ و } m \neq -2$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



حتى يكون المعادلة هي $m=1$ يجب أن يكون



المعادلة تصبح

$$-3x^2 - 2x = 0$$

$$-x(3x + 2) = 0$$

$$x = -\frac{2}{3}$$

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$a \neq 0, \quad ax^2 + bx + c = 0$$

$$\Delta > 0$$

$$x_1, x_2 = \left(\frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \right) \times \left(\frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \right)$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \quad ; \quad x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$= \frac{b^2 - \Delta}{4a^2}$$

$$x_1 + x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} + \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$= \frac{b^2 - (b^2 - 4ac)}{4a^2}$$

$$= \frac{-b}{a}$$

$$= \frac{4ac}{4a^2}$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$$

$$x_1 \times x_2 = \frac{c}{a}$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين 12:

مختلفي

في كل حالة تحقق ان المعادلة تقبل حلين ثم عين مجموعهما وجدائهما:

① $2x^2 + 3x - 7 = 0; -x^2 + 4x - 3 = 0;$

② $x^2 + (m+1)x - 1 = 0; x^2 + 2mx - 1 - m^2 = 0$

$\Delta = 9 - 4(2)(-7)$

$\Delta = 9 + 56 > 0$

$x_1 + x_2 = -\frac{3}{2}$

$x_1 + x_2 = -\frac{7}{2}$

$x_1 \times x_2 = \frac{c}{a}$ $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$

$\Delta = b^2 - 4ac$ ⑧

$\Delta = (m+1)^2 - 4(1)(-1)$

$= (m+1)^2 + 4 > 0$

المعادلة تحت حلين x_1, x_2

$x_1 + x_2 = \frac{-(m+1)}{1} = -m-1$

$x_1 \times x_2 = -1$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



التمرين 13:

نعتبر كثير الحدود p_m المعروف كما يلي:

$$p_m(x) = (m+1)x^3 + (m-1)x^2 - (m+2)x - m + 2$$

حيث m وسيط حقيقي.

(1) بين أن 1 جذر لـ p_m مهما كان $m \in \mathbb{R}$.

(2) أوجد كثير الحدود q_m الذي يحقق:

$$p_m(x) = (x-1)q_m(x)$$

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك

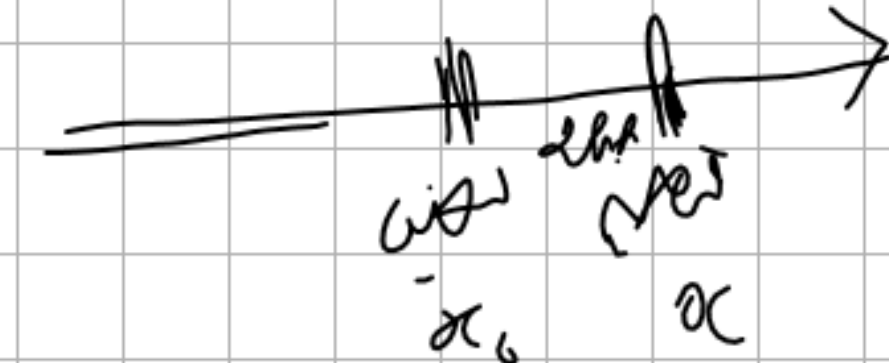
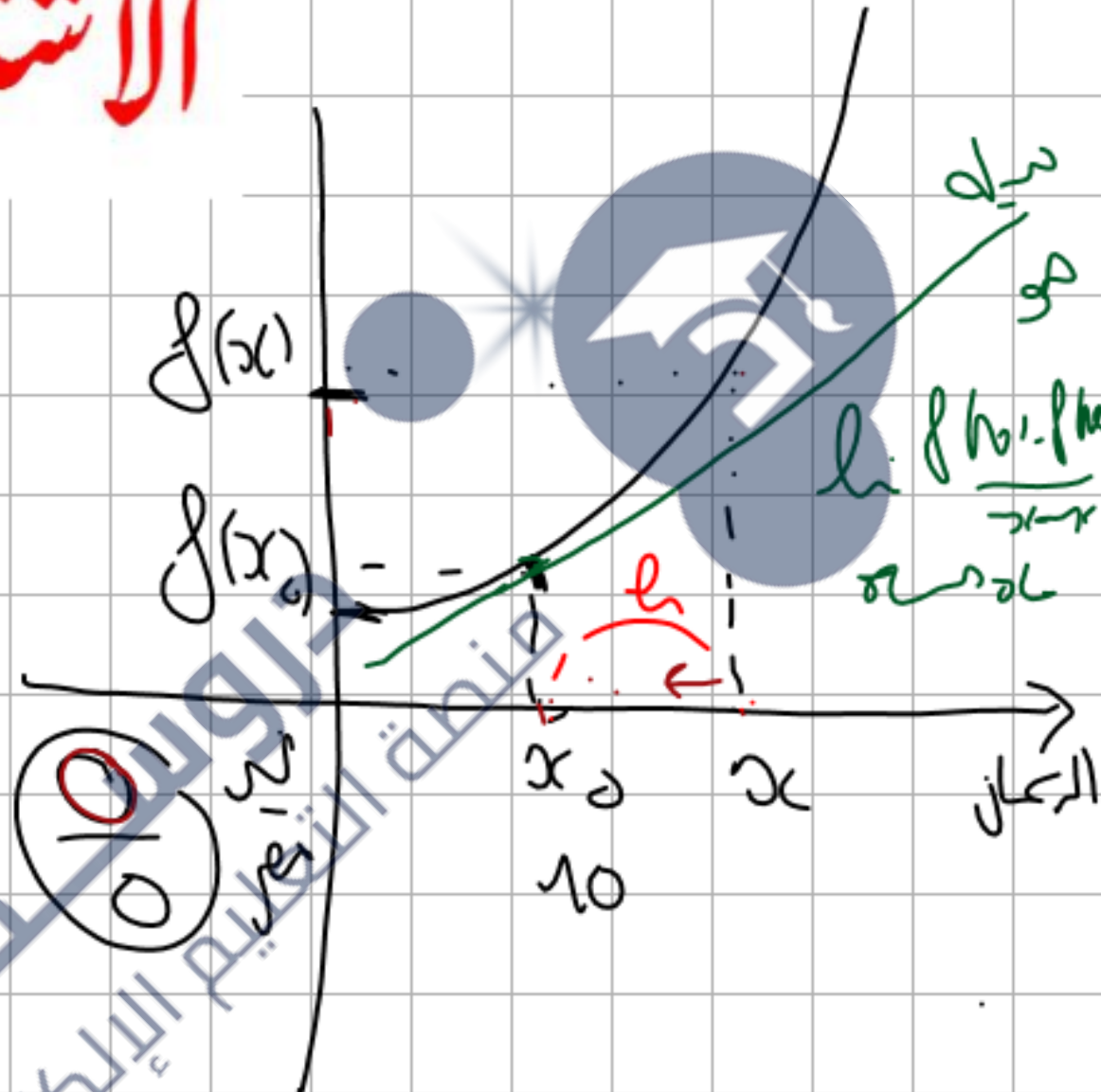


الاشتقاقية

$$\theta_m = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} \quad \text{نسبة التغير}$$

$$\theta_m = \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$

$$\theta_{x_0} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



القريباً
في مادة معرفة $\alpha, D, D, \alpha, D, \alpha, D$
في تقبل الاشتراك كمنه اذا كانت القايه
موجودة ومنتهه

$$h_i \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = f(x)$$

* اذا تحققنا الشروط
الهدر المتناهي
لا اله منتهه

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



الكتابة h

نضع $x = x_0 + h$

$$h = x - x_0$$
$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$
$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

$x \rightarrow x_0$

$x_0 + h - x_0$

منصة التعليم الإلكتروني دروسكم

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$Q. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x + 3 - 5}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - 2}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2(x-1)}{x-1} = 2$$

ولذلك نقبل الاشتقاق عند $x=1$ و $f'(1) = 2$

التمرين الأول: $f(x) = 2(x+1)$

بين أن الدالة f تقبل الاشتقاق عند a في كل حالة

$f(1) = 5$ 1) $f(x) = 2x + 3, a = 1; a = -3$

2) $f(x) = 4x^2 - x + 1, a = 2; a = 0$

3) $f(x) = \frac{x+1}{x-1}, a = 2; a = -3$

$f(x) = 2x + 3$
 $a = 1$

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2(h+1)+3-5}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2h+2-2}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2h}{h} = 2$$

٤٥

دروسكم

منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

حصة مباشرة

1

حصة مسجلة

2

دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-3+h) - f(-3)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2(-3+h)+3+3 - (-3)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2h}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} 2 = 2$$

أنت في بيتك أو صفك من 3 و $f(-3) = 2$

حصة مباشرة

1

حصة مسجلة

2

دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



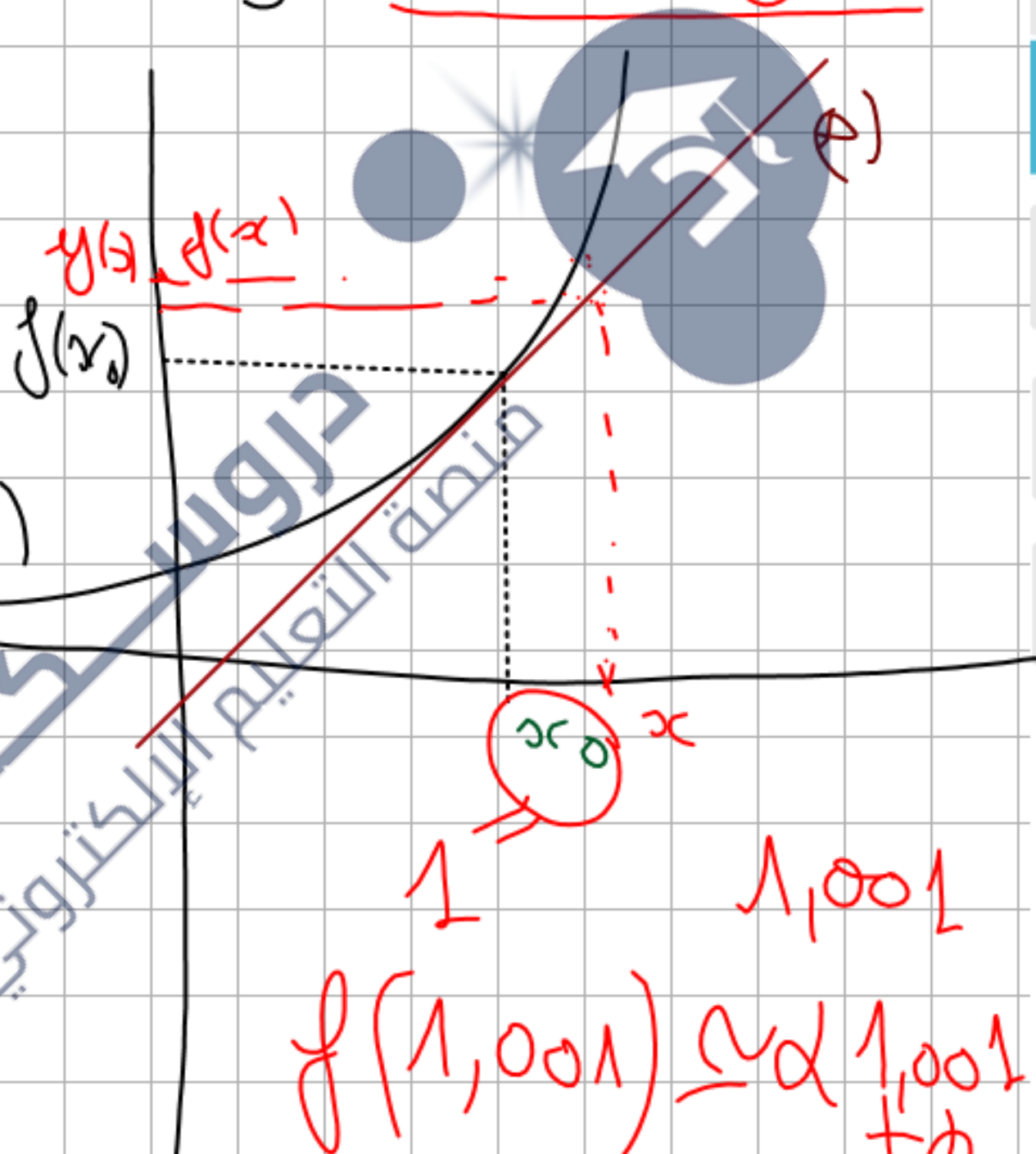
التقريب التآلفي - تقرب دالة بدالة تآلفية (منحنى تقريبي بحسب قيم)

الالة تقبل الإسمتاقا لند ما
دا رنن (y) تقبل حساب رنن الفعلة
(A) $(x_0: f(x_0))$

$$(A) \Rightarrow y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$

مع لسيط

$$y = ax + b$$



1,001
 $f(1,001) \approx 1,001 + b$



ملف الحصة المباشرة و المسجلة



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

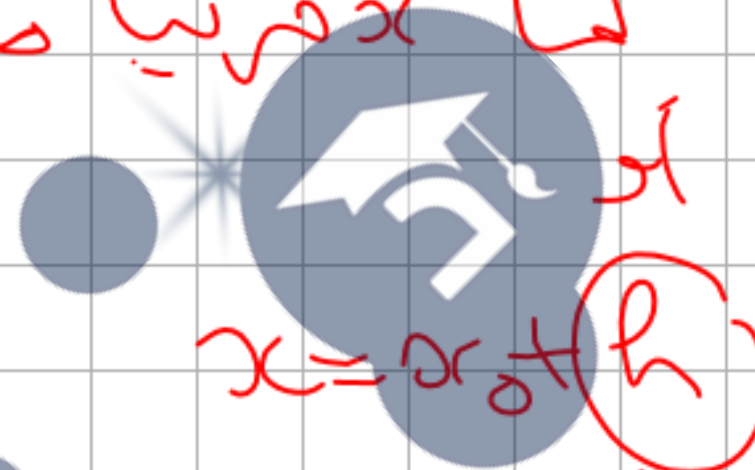
أحصل على بطاقة الإشتراك



$$f(x) = \alpha + \beta$$

$$f(x)$$

لما α قريب من β يكون



$$x = \alpha + \beta$$

منصة التعليم الإلكتروني دروسكم

نتائج الحصة

1,000

$$f^{-1}(5) = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25} \quad f(5) = \frac{1}{5}$$

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

$$f^{-1}(x) = \frac{-1}{x^2}$$

\mathbb{R}^+

مطابقة الصيغ عند 5

$$y = f(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$

$$= \frac{-1}{25}(x - 5) + \frac{1}{5}$$

$$= -\frac{1}{25}x + \frac{1}{5} + \frac{1}{5}$$

$$= -\frac{1}{25}x + \frac{2}{5}$$

دروسكم

منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

1

2 حصص مسجلة

2

3 دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

③ الدالة المشتقة لدالة f :

تعريف:

f دالة معرفة على مجال D_f من \mathbb{R} .
نقول أن الدالة f قابلة للاشتقاق على D_f إذا وفقط إذا كانت قابلة للاشتقاق عند كل قيمة من D_f .
تسمى الدالة التي تُرافق بكل x من D_f العدد المشتق $f'(x)$ الدالة المشتقة للدالة f على D_f .
ويُرمز لها بـ f' ، ونكتب: $f': x \mapsto f'(x)$.

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك



الدالة المشتقة f'	مجالات قابلية الاشتقاق	الدالة f
$x \mapsto 0$	\mathbb{R}	$x \mapsto a$
$x \mapsto a$	\mathbb{R}	$x \mapsto ax + b$
$x \mapsto 2x$	\mathbb{R}	$x \mapsto x^2$
$x \mapsto nx^{n-1}$	\mathbb{R}	$x \mapsto x^n (n \in \mathbb{N})$
$x \mapsto -\frac{1}{x^2}$	$]0; +\infty[$ و $]-\infty; 0[$	$x \mapsto \frac{1}{x}$
$x \mapsto -\frac{n}{x^{n+1}}$	$]0; +\infty[$ و $]-\infty; 0[$	$x \mapsto \frac{1}{x^n} (n \in \mathbb{N})$
$x \mapsto \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$]0; +\infty[$	$x \mapsto \sqrt{x}$
$x \mapsto \cos x$	\mathbb{R}	$x \mapsto \sin x$
$x \mapsto -\sin x$	\mathbb{R}	$x \mapsto \cos x$
$u' + v'$	يجب أخذ شروط كل دالة بعين الاعتبار	$u + v$
$u'.v + v'.u$		$u.v$
$\lambda u'$		$\lambda u (\lambda \in \mathbb{R})$
$-\frac{u'}{u^2}$		$\frac{1}{u}$
$\frac{u'.v - v'.u}{v^2}$		$\frac{u}{v}$
$x \mapsto au'(ax + b)$		$x \mapsto u(ax + b)$

دروسكم

منصة التعليم الإلكتروني

ملف الحصة المباشرة و المسجلة

1 حصص مباشرة

2 حصص مسجلة

3 دورات مكثفة

أحصل على بطاقة الإشتراك





ملف الحصة المباشرة و المسجلة

حصص مباشرة

1

حصص مسجلة

2

دورات مكثفة

3

أحصل على بطاقة الإشتراك



دروسكم
منصة التعليم الإلكتروني